

Definicje

Pochodna w punkcie: $f'(x_0) = \left. \frac{df(x)}{dx} \right|_{x=x_0} = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$

Różniczka: $df(x) = f'(x)dx$

Całka nieoznaczona: $\int f(x)dx = F(x) + C$, gdzie $F'(x) = f(x)$, $C = const$

Całka oznaczona: $\int_a^b f(x)dx = F(b) - F(a)$

Szereg Taylora: $f(x) = f(a) + \frac{x-a}{1!}f'(a) + \frac{(x-a)^2}{2!}f''(a) + \dots + \frac{(x-a)^n}{n!}f^{(n)}(a) + \dots$

Własności pochodnych	Funkcja	Pochodna	Funkcja	Pochodna
$(af)' = af'$	x^n	nx^{n-1}	$\arcsin x$	$\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$
$(f+g)' = f' + g'$	e^x	e^x	$\arccos x$	$-\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$
$(fg)' = f'g + fg'$	a^x	$a^x \ln a$	$\arctg x$	$\frac{1}{1+x^2}$
$(fgh)' = f'gh + fg'h + fgh'$	$\ln x$	$\frac{1}{x}$	$\operatorname{arccotg} x$	$-\frac{1}{1+x^2}$
$\left(\frac{f}{g}\right)' = \frac{f'g - fg'}{g^2}$	$\sin x$	$\cos x$	$\sinh x$	$\cosh x$
$\frac{df(g(x))}{dx} = \frac{df}{dg} \frac{dg}{dx}$	$\cos x$	$-\sin x$	$\cosh x$	$\sinh x$
	$\operatorname{tg} x$	$\frac{1}{\cos^2 x}$	$\operatorname{tgh} x$	$\frac{1}{\cosh^2 x}$
f, g, h - funkcje zmiennej x , a - stała	$\operatorname{ctg} x$	$-\frac{1}{\sin^2 x}$	$\operatorname{ctgh} x$	$-\frac{1}{\sinh^2 x}$

Własności całek	Całki (z dokładnością do stałej)	
$\int a f(x) dx = a \int f(x) dx$	$\int x^n dx = \frac{x^{n+1}}{n+1}, n \neq -1$	$\int e^x dx = e^x$
$\int (f+g) dx = \int f dx + \int g dx$	$\int \frac{dx}{x} = \ln x $	$\int a^x dx = \frac{a^x}{\ln a}$
	$\int \sin x dx = -\cos x$	$\int \sinh x dx = \cosh x$
Podstawianie:	$\int \cos x dx = \sin x$	$\int \cosh x dx = \sinh x$
$u = g(x), du = g'(x)dx$	$\int \operatorname{tg} x dx = -\ln \cos x $	$\int \operatorname{tgh} x dx = \ln \cosh x$
$\int f(g(x))g'(x)dx = \int f(u)du$	$\int \operatorname{ctg} x dx = \ln \sin x $	$\int \operatorname{ctgh} x dx = \ln \sinh x $
	$\int \frac{dx}{\cos^2 x} = \operatorname{tg} x$	$\int \frac{dx}{\cosh^2 x} = \operatorname{tgh} x$
Przez części:	$\int \frac{dx}{\sin^2 x} = -\operatorname{ctg} x$	$\int \frac{dx}{\sinh^2 x} = -\operatorname{ctgh} x$
$\int f dg = fg - \int g df$	$\int \frac{dx}{a^2+x^2} = \frac{1}{a} \arctg \frac{x}{a}$	$\int \frac{dx}{\sqrt{a^2-x^2}} = \arcsin \frac{x}{a}, a > x $
	$\int \frac{dx}{a^2-x^2} = \frac{1}{a} \operatorname{arctgh} \frac{x}{a}, x < a$	$\int \frac{dx}{\sqrt{a^2+x^2}} = \operatorname{arcsinh} \frac{x}{a}$
$\int \frac{f'(x)}{f(x)} dx = \ln f(x) + C$	$\int \frac{dx}{x^2-a^2} = -\frac{1}{a} \operatorname{arctgh} \frac{x}{a}, x > a$	$\int \frac{dx}{\sqrt{x^2-a^2}} = \operatorname{arcosh} \frac{x}{a}$

Funkcje trygonometryczne	Funkcje hiperboliczne	Wektory
$\sin^2 x + \cos^2 x = 1$	$\sinh x = \frac{e^x - e^{-x}}{2}$	Iloczyn skalarny
$\sin 2x = 2 \sin x \cos x$	$\cosh x = \frac{e^x + e^{-x}}{2}$	$\vec{a} \bullet \vec{b} = a_x b_x + a_y b_y + a_z b_z$
$\cos 2x = \cos^2 x - \sin^2 x$	$\operatorname{ar sinh} x = \ln(x + \sqrt{x^2 + 1})$	$\vec{a} \bullet \vec{b} = \vec{a} \vec{b} \cos \angle(\vec{a}, \vec{b})$
$\operatorname{tg} 2x = \frac{2 \operatorname{tg} x}{1 - \operatorname{tg}^2 x}$	$\operatorname{ar cosh} x = \pm \ln(x + \sqrt{x^2 - 1})$	Iloczyn wektorowy
$\sin \frac{x}{2} = \sqrt{\frac{1 - \cos x}{2}}$	$\cosh^2 x - \sinh^2 x = 1$	$\vec{a} \times \vec{b} = [a_y b_z - a_z b_y, a_z b_x - a_x b_z, a_x b_y - a_y b_x]$
$\cos \frac{x}{2} = \sqrt{\frac{1 + \cos x}{2}}$		$ \vec{a} \times \vec{b} = \vec{a} \vec{b} \sin \angle(\vec{a}, \vec{b})$