

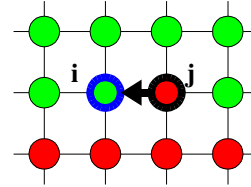
Model głoszący – voter model

Sieć, węzły – agenci z jedną z dwóch opinii (dla analogii z Isingiem +1 i -1)

połączenia – możliwe oddziaływania, najbliższe sąsiedztwo – tylko bezpośrednio połączeni, tylko takie oddziaływanie jest możliwe

Zasada dynamiki :

1. Wybrać jeden węzeł **i** (losowo – dynamika asynchroniczna)
2. Wybrać losowego sąsiada **j**
3. Przepisać stan sąsiada **j** na węzeł **i**



Cechy dynamiki votera:

1. Dwa stany absorbuujące
2. Zerowa temperatura (brak szumu, losowość \neq temperatura)
3. Zależy od wymiarowości układu
4. Brak napięcia powierzchniowego (krzywizna powierzchni nie wpływa na dynamikę)
5. Zachowuje całkowitą magnetyzację (pod warunkiem że sieć jest jednorodna)

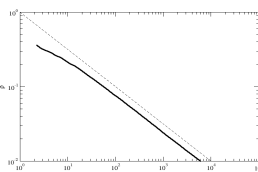
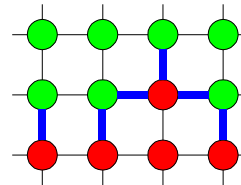
1-2. Stany absorbuujące i temperatura

Stan absorbuujący to taki z którego układ nie może się wydostać. Pełne uporządkowanie na +1 albo na -1 to stany absorbujące modelu głoszącego. Przepisywanie stanów zgodne z dynamiką nie może wykreować stanu przeciwnego którego w układzie nie ma. Dlatego temperatura jest zerowa, gdyż brak jest takiego szumu. Wewnątrz czerwonej domeny nie pojawi się zielony agent i na odwrót.

3. Wymiarowość układu

Dynamika zależy od wymiarowości

Ponieważ magnetyzacja się zachowuje, bada się zachowanie ilości interfejsów, czyli połączeń pomiędzy przeciwnymi stanami. Ilość interfejsów mówi o uporządkowaniu układu. Dużo interfejsów -
- nieporządek. Mało – duże jednorodne domeny. Ilość interfejsów jest powierzchnią między domenami.



1D – porządkowanie, $\rho \sim t^{-1/2}$

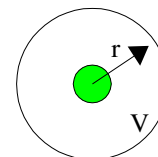


2D – wymiar krytyczny
porządkowanie logarytmiczne
 $\rho \sim 1/\log t$

3D – nieporządek
układ się nie porządkuje
 $\rho \sim \text{const.}$

Porządkowanie ma związek z rekurencją losowego błądzenia.

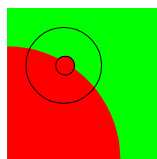
rozprzestrzenianie się stanu danego węzła – błądzenie losowe, dyfuzja promień rosnącej domeny $r \sim t^{1/2}$, zaś objętość $V \sim r^D$ (D-wymiarowość), więc $V \sim t^{D/2}$. Jednak ilość “zarażonych” węzłów rośnie liniowo z czasem. Tak więc



jeżeli $D/2 < 1$ to domena jest spójna, zaś jeżeli $D/2 > 1$ to jest niespójna. W takim przypadku układ będzie zawierał wielką ilość wzajemnie przenikających się domen, tak więc pozostanie w nieporządku.

4. Napięcie powierzchniowe

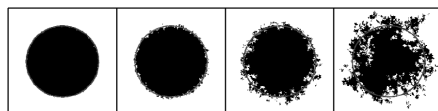
W przeciwieństwie do dynamiki Isinga, VM nie ma napięcia powierzchniowego. W modelu Isinga, ponieważ większość decyduje o tym co się stanie, tak więc każda domena zamknięta będzie się kurczyć ze względu na krzywiznę granicy.



Więcej “zewnątrznego” stanu niż “wewnętrznego”, więc domena się kurczy pod wpływem krzywizny.

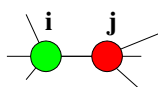
W modelu głosującym taki mechanizm większościowy nie działa. Krzywizna nie ma wpływu na dynamikę, która zachowuje spin.

Szansa przyjęcia zielonego stanu przez czerwonego na granicy jest większa niż szansa przyjęcia czerwonego przez zielonego, ale zielonych jest więcej.



5. Zachowanie magnetyzacji

magnetyzacja $M = \sum s_i$



k_i – stopień węzła i, czyli ilość sąsiadów

Prawdopodobieństwo wylosowania i : $P_i = 1/N$

Prawdopodobieństwo wylosowania j spośród sąsiadów: $P_{ji} = 1/k_i$

Całkowite prawdopodobieństwo przepisania stanu j na i : $P_{ij} = P_i P_{ji} = 1/(Nk_i)$

Analogicznie $P_{ji} = 1/(Nk_j)$

Statystyczna zmiana magnetyzacji (przy założeniu $s_i = 1, s_j = -1$) $\Delta M = 2P_{ji} - 2P_{ij} = 2/(Nk_j) - 2/(Nk_i)$

Jeżeli $k_i = k_j$ to dane połączenie statystycznie nie powoduje zmiany całkowitej magnetyzacji ($\Delta M = 0$).

Jeżeli wszystkie węzły takie same, to żadne połączenie nie zmienia magnetyzacji i statystycznie się ona zachowuje dla całego układu.

Jeżeli $k_i \neq k_j$, to magnetyzacja się nie zachowuje, ale zachowuje się ważona magnetyzacja $S = \sum k_i s_i$

Statystyczna zmiana magnetyzacji ważonej $\Delta S = 2k_j P_{ji} - 2k_i P_{ij} = 2k_j/(Nk_j) - 2k_i/(Nk_i) = 0$

Magnetyzacja ważona zachowuje się dla dowolnej sieci nieskierowanej, niezależnie od stopni wierzchołków.